

1 次関数 $y = ax + b$ の場合、

変化の割合は **変化しなかった**。

しかし、2 次関数のとき、例えば

$y = x^2$ の場合、**変化の割合**は **変化する**。

表で観察しよう。

X		0	1	2	3	4	5	6	7
X^2		0	1	2^2	3^2	4^2	5^2	6^2	7^2
y		0	1	4	9	16	25	36	49
y の増加量			1	3	5	7	9	11	13

上の表で確認しながら以下の文を読んでください。

x が 0 から 1 増えるとき、

y の増加量は 1 ですから

変化の割合は $\frac{1}{1} = 1$ ですが、

x が 1 から 1 増えるとき、 y の増加量は 3 ですから
 変化の割合は $\frac{3}{1} = 3$ です。

x の増える量を全て 1 にしましたが、

もし、2 にしたら **変化の割合**、すなわち $\frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}}$ は
 次のように変化します。

x の増加が 1 から 3 の時、

y の増加量は 8 になります。

$$\frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}} = \frac{3^2 - 1^2}{3 - 1} = \frac{8}{2} = 4$$

気をつけてほしいのは、月日が経つと

変化の割合 という用語が独り歩きし始め、

変化の割合 が $\frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}}$ であることを忘れ

変化の割合 って何だっけ

となる人が多いのです。

$y = x^2$ のとき、

x の値が a から b に増えるとき

y は $(b^2 - a^2)$ 増える。それゆえ

変化の割合 は

$$\frac{b^2 - a^2}{b - a}$$

$$= \frac{(b + a)(b - a)}{b - a}$$

$(b^2 - a^2)$ は、

$(b + a)(b - a)$ に因数分解できますから、

$(b - a)$ で約分して

$(b + a)$ 、すなわち

$$= \span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">a + b \text{ となります。}$$

カンタンな式に帰着するのですが、

公式として覚えるとしばらくは良いのですが

何故そうなるのかを忘れて

点数は取れるけれど数学って面白くない、となります。

理由を覚えていると、色々試せて楽しくなります。